



1 Inleiding

Op de HiSPARC site is RouteNet te vinden. Hierin staan modules die als verdieping gebruikt kunnen worden. Klik bijvoorbeeld op „Periodieke data verwerken” en er verschijnt een lesbrief over het verwerken van periodieke data. Ook dit lesmateriaal is vrij te gebruiken onder de Creative Commons naamsvermelding / gelijk delen licentie.

2 Events

- Een enkele detector op de grond geeft een signaal, dit wordt een *single* genoemd.
- Meerdere detectoren geven nagenoeg tegelijk een signaal, dit wordt een *event* genoemd.

2.1 De nauwkeurigheid van het meten van events

De witte led van de HiSPARC unit licht op als er een event optreedt, een simulatie is beschikbaar op https://data.hisparc.nl/media/jsparc/trigger_simulation.html . Dit gebeurt onder de volgende voorwaarden:

- Een *event* vindt plaats als het station getriggerd wordt. Bij een tweepaatsstation wordt het station getriggerd als beide detectoren binnen $1,5 \mu\text{s}$ een signaal lager dan -70 mV afgeven.
- Een vierpaatsstation wordt ook getriggerd als drie detectoren binnen $1,5 \mu\text{s}$ een signaal hoger dan -30 mV afgeven.

Opdracht 1: Bepaal hoe vaak het witte ledje in 1 minuut oplicht. Doe dit 5 keer en vul de resultaten hieronder in de tabel in.

	1	2	3	4	5	N_{gem}
N						

De tabel wordt ingevuld en het gemiddelde wordt berekend.

Opdracht 2: Bepaal naast het gemiddelde ook de maximale en de minimale waarde, leg uit welke nauwkeurigheid je verwacht.

De nauwkeurigheid wordt bepaald door het verschil de maximale en gemiddelde waarde *en* het verschil van de gemiddelde en minimale waarde te vergelijken. Bij een nette verdeling zijn deze beide waarden nagenoeg gelijk.

Opdracht 3: Bereken het gemiddelde van N^2 .

	1	2	3	4	5	$(N^2)_{\text{gem}}$
N^2						

De tabel wordt ingevuld en het gemiddelde van de kwadraten wordt berekend.

De spreiding is nu te berekenen met $\sigma = \sqrt{(N^2)_{\text{gem}} - (N_{\text{gem}})^2}$ dit is dus de wortel uit het gemiddelde van de kwadraten min het kwadraat van het gemiddelde (N_{gem} is al in opdracht 1 berekend).

Opdracht 4: Welke conclusie mag je trekken als je de waarden die je bij opdracht 2 en 3 hebt gevonden vergelijkt?

Bij een nette (Gaussische) verdeling zullen beide waarden nagenoeg gelijk zijn.

2.2 Controle van de hypothese

2.2.1 Het signaal van een enkele detector wordt gezien als achtergrondstraling.

Opdracht 5: Bereken (met een boxplot) hoe groot de kans is dat er een tweede radioactief verval binnen $1,5 \mu\text{s}$ van de eerste radioactief verval optreedt

Er gaat gemiddeld iedere 10 ms een deeltje door de detector. De kans dat dit binnen $1,5 \mu\text{s}$ van een ander deeltje gebeurd is:

$$P = \frac{1,5 \mu\text{s}}{10 \text{ms}} = 1,5 * 10^{-3} = 0,15\%$$

Opdracht 6: Laat zien dat de met de boxplot berekende waarde nauwelijks afwijkt van de met de Poisson-formule berekende waarde $P_{k=1}$.

$$P_{k=1} = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda} = \frac{(1,5 * 10^{-3})}{1} e^{-(1,5 * 10^{-3})} \approx 1,5 * 10^{-3} = 0,15\%$$

Opdracht 7: Met de kans dat er geen toevallige trigger optreedt, is de kans op een toevallige trigger ook te berekenen. (De kans op een trigger plus de kans op geen trigger is 100%.) Bereken deze kans.

$$P_{k>0} = 1 - P_{k=0} = 1 - \frac{(1,5 * 10^{-3})^0}{1} e^{-(1,5 * 10^{-3})} = 1 - e^{-(1,5 * 10^{-3})} \approx 1,5 * 10^{-3} = 0,15\% \text{ (Verdieping: Taylor reeks.)}$$

Opdracht 8: Maak de onderstaande tabel voor een station met twee detectoren af.

$T_{\text{venster}} [\mu\text{s}]$	1,5	3,0	7,5	15	30	75	150
$P_{\text{trigger}} = 1 - P_{k=0}$	0.15	0.30	0.75	1.5	3,0	7.2	14

Opdracht 9: Maak het diagram van de kans op een toevallige trigger als functie van de duur van het triggervenster.

In eerste instantie lijkt het verband nagenoeg rechtevenredig, Het is natuurlijk zo dat er altijd een (kleine) kans zal zijn dat er geen trigger optreedt. De lijn zal op den duur dus asymptotisch naar 100% gaan.

Opdracht 10: Beredeneer hoe groot de kans op een toevallige trigger is bij een station met 4 detectoren.

Bij vier detectoren zijn er veel combinaties mogelijk, detector 1 kan combineren met detector 2, 3 en 4. Detector 2 kan dan nog combineren met 3 en 4. Tot slot kan detector 3 nog met detector 4 combineren. In het totaal zijn er dus 6 verschillende combinaties met ieder een kans van 0,15%. De kans bij een station met vier detectoren op een event dat door achtergrondstraling wordt veroorzaakt is: $P_{vierdetector} = 6 * 0,15\% = 0,90\%$

2.2.2 De gelijktijdige signalen van twee detectoren wijzen op een event.

Van dit experimenteel onderzoek kan een meetrapport of verslag worden gemaakt.

Opdracht 11: Bepaal het oppervlak in de doos in cm^2 . In werkelijkheid komt dit overeen met een oppervlak in m^2 , dit tweede oppervlak is te berekenen.

Deze opdracht is uitgevoerd als het aantal m^2 correct is berekend. Dus met gebruik van formules, eenheden en nauwkeurigheid. Helaas kan er bij de kopieermachine een schaalprobleem optreden. De kaart moet dus geijkt worden.

Opdracht 12: Bereken hoeveel deeltjes nodig zijn.

$\rho_{\text{werkelijk}} [\text{m}^{-2}]$	0,5	1	2	5	10
Aantal korreltjes in de doos					

Deze tabel is met de geijkte afmetingen in te vullen. Zonodig kan een voorbeeldberekening worden verlangd.

Opdracht 13: Bereken de massa couscous:

$\rho_{\text{werkelijk}} [\text{m}^{-2}]$	0,5	1	2	5	10
Massa couscous in de doos					

De gevoeligheid van de gebruikte weegschaal is hier van groot belang, een ongevoelige weegschaal kan een groter aantal korreltjes nodig hebben om de juiste massa te bepalen.

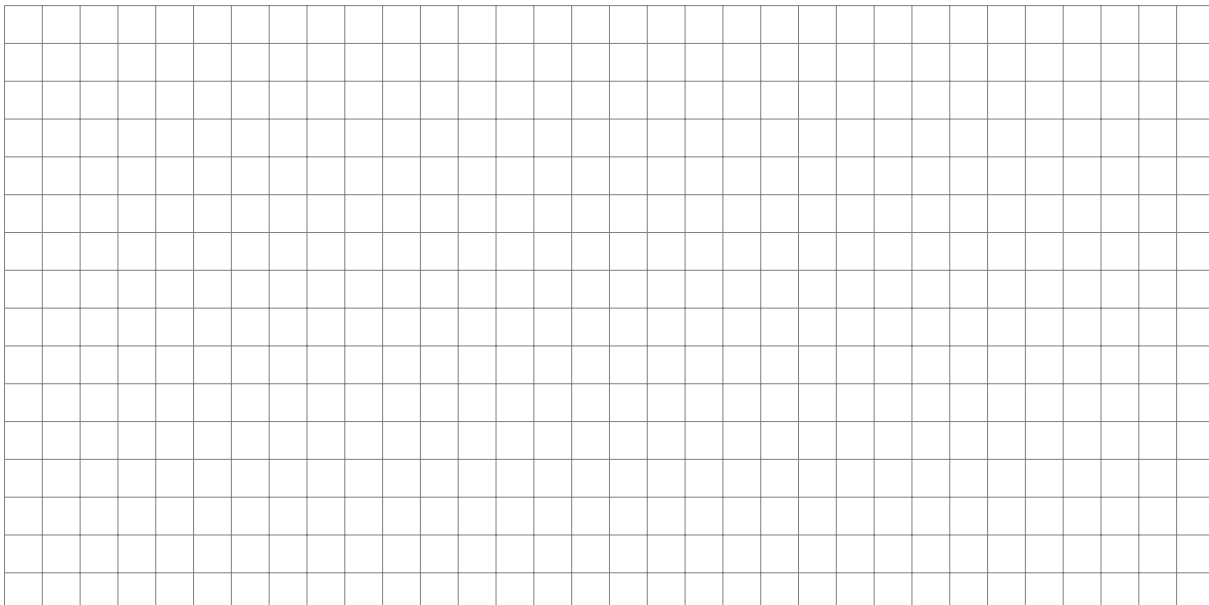
Bij het schudden kan zowel heen en weer als op en neer geschud worden. Let op dat de randen van de doos geen ophopingen vertonen en dat het hele oppervlak verder redelijk gelijkmatig gevuld is. Even oefenen!

Opdracht 14: Voer het experiment uit een aantal keren uit en bepaal de kans dat het station getriggerd wordt.

ρ [m ⁻²]	twee detectoren					vier detectoren				
	0,5	1	2	5	10	0,5	1	2	5	10
meting 1										
meting 2										
meting 3										
meting 4										
meting 5										
meting 6										
meting 7										
meting 8										
meting 9										
meting 10										
kans op trigger										

De kans op een trigger bij 10 steekproeven is 10%, 20%, 30% etc.

Opdracht 15: Maak het diagram voor een station met twee en een station met vier detectoren.



Uiteraard zijn de assen van grootheden en eenheden voorzien. De waarden verspringen in stappen van 10%. Dit heeft gevolgen voor de nauwkeurigheid ($\pm 10\%$?).

Figuur 2.1 – Het diagram van de triggerkans als functie van de deeltjesdichtheid ρ .

Opdracht 16: Ook bij coincidenties kan een triggervenster worden gebruikt. Dit venster hangt af van de afstand tussen de stations en de lichtsnelheid. De air-shower geeft het grootste tijdsverschil als deze horizontaal door de opstelling beweegt. Een dergelijke air-shower wordt gegenereerd door een primair kosmisch deeltje met een extreem grote energie. In de praktijk komen deze air-showers zelden voor.

Bereken de grootte van het triggervenster in de volgende gevallen:

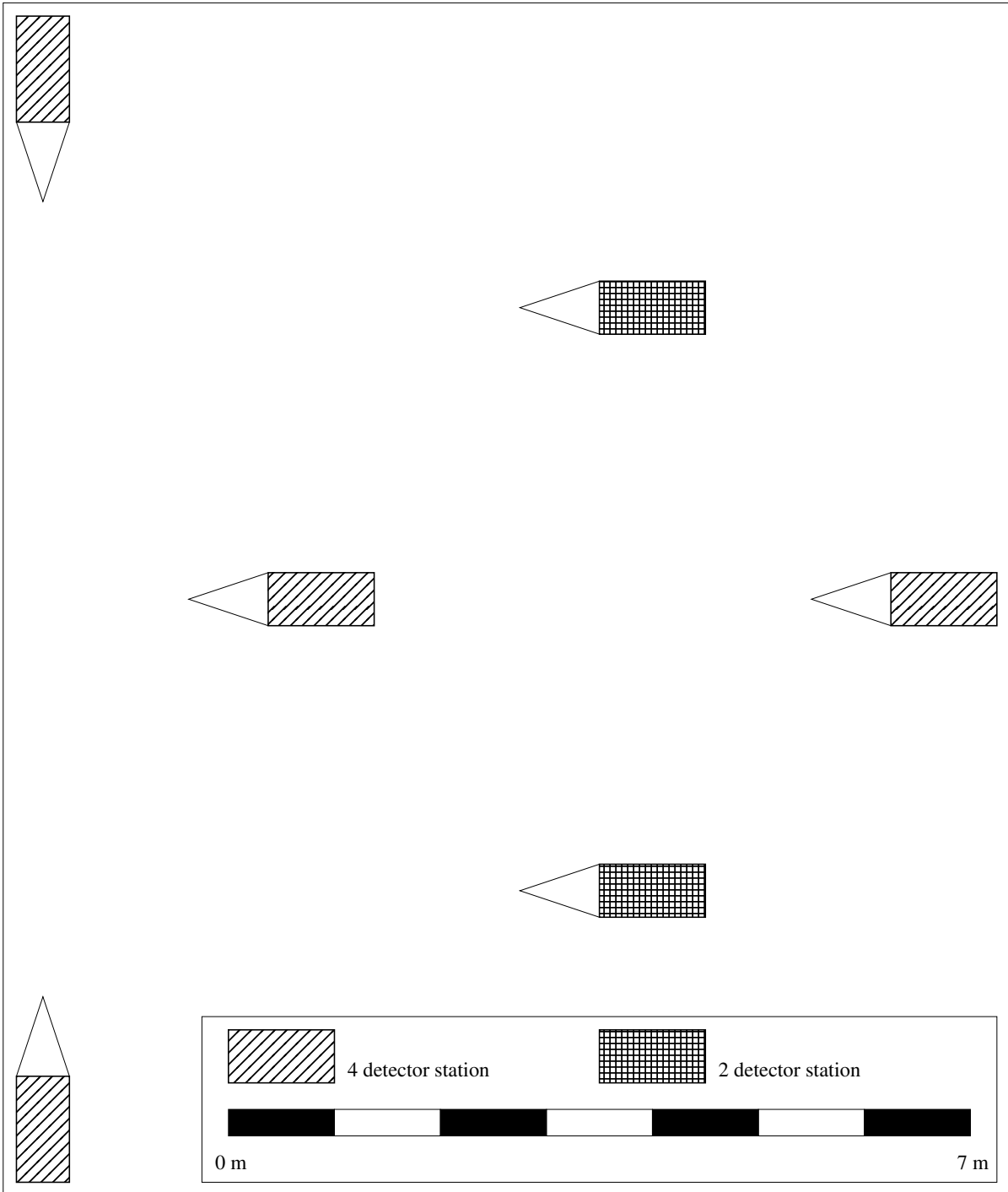
$$t = \frac{s}{c}$$

Afstand tussen de stations [m]	100	200	500	1000
Duur van het triggervenster [ns]	$3,33 * 10^2$	$6,67 * 10^2$	$1,67 * 10^3$	$3,33 * 10^3$

Opdracht 17: Het bepalen van de bin-breedte -de afstand tussen de bin waarden- verdient enige aandacht. Als de frequentie van verschilwaarden laag is, is het niet handig om een kleine bin-breedte te nemen. De frequentie hangt namelijk af van de bin-breedte. Een kleine bin-breedte geeft een lage frequentie, maar een grote nauwkeurigheid in de tijd. Een grote bin-breedte geeft een hoge frequentie maar een kleine nauwkeurigheid in de tijd.

Bedenk een methode om de bin-breedte handig te kiezen als het totale aantal verschiltijden (coincidenties) (N) en de minimale (t_{\min}) en maximale (t_{\max}) bin-waarde bekend zijn.

Indien er N coincidenties zijn vullen deze alle bins. Als het oppervlak eerlijk verdeeld wordt, geldt $N = f_{\text{gem}} * n_{\text{bin}}$ waarin n_{bin} het aantal bins of staven in het diagram is. Als de resolutie langs de f -as en de bin -as gelijk is, geldt $2f_{\text{gem}} \approx f_{\text{max}} = n_{\text{bin}}$ of $2N \approx (n_{\text{bin}})^2 \Rightarrow n_{\text{bin}} \approx \sqrt{2N}$. De bin-breedte wordt dan ongeveer $\frac{t_{\max} - t_{\min}}{\sqrt{2N}}$. Let wel op dat de frequentie van de eerste en laatste bins voldoende is.



Figuur 2.2 – Meetstations